

# 淡江大學八十七學年度碩士班入學考試試題

系別： 交通管理學系

科目： 作業研究

1/2

本試題共二頁

1.若從 Primal 與 Dual 問題來看 LP 問題求解，其對應關係如何？

(請以 yes, no, 不確定) 填入下列空格，並請簡單說明原因(10%)。

		Dual		
		Optimal	Unbounded	Infeasible
Primal	Optimal			
	Unbounded			
	Infeasible			

2.(25%)

(1) LP 問題求解，當發生最佳解時(Optimal Solution)，必須滿足那些條件？(10%)

(2) 請以上述條件，判斷  $(x_1, x_2, x_3) = (3, 1, 0)$  是否為下列問題最佳解？(15%)

$$\begin{array}{ll} \text{Max } & 4x_1 + 2x_2 + x_3 \quad \text{dual variable} \\ \text{s.t. } & x_1 + x_2 + 2x_3 \leq 5 \quad p_1 \\ & x_1 - 2x_2 + 2x_3 \leq 1 \quad p_2 \\ & -5x_1 - 2x_2 - x_3 \leq 1 \quad p_3 \\ & 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 9 \quad p_4 \\ & x_1, x_2 \geq 0; x_3 \text{ unrestricted} \end{array}$$

3. 運輸問題如下(30%)

m:供給點數

n:需求點數

$S_i$ :供給點 i 供給量

$D_j$ :需求點 j 之需求量

$C_{ij}$ : 從 i 到 j 之單位運輸成本

$X_{ij}$ : 從 i 到 j 之運送量

$$\text{LP form is : Minimize } \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n C_{ij} * X_{ij}$$

$$\text{Subject to } \sum_{j=1}^n X_{ij} \leq S_i \quad i=1, \dots, m$$

$$\sum_{i=1}^m X_{ij} \geq D_j \quad j=1, \dots, n$$

$$X_{ij} \geq 0 \quad i=1, \dots, m; j=1, \dots, n$$

(1) Formulate the dual problem (if the dual variables are  $\pi_i, \sigma_j$  for the first and the second constraints respectively).

(2) Give a precise interpretation of  $\pi_i$  in terms of the sensitivity of the optimal objective value to some quantity.

(3) 假設總供給量=總需求量，請問流量可能為正值( $>0$ )的路段數有幾個？

# 淡江大學八十七學年度碩士班入學考試試題

系別： 交通管理學系

科目： 作業研究

2/2

本試題共二頁

4. 假設函數  $f(x)$  為 convex 且存在一階導函數 (20%)

(1) 起始解  $x=x^0$ , 請問求解  $\text{Min } f(x)$ , 若利用函數導函數, 搜尋最佳解之可行方向為何?

(2) 若  $f(x)=f(x_1, x_2)=(x_1-2)^4+(x_1-2x_2)^2$ , 且  $x^0=(0.0, 3.0)$ , 請計算可行方向為何?

5. 若工廠有兩台機器運轉生產, 定義四種狀態(15%)。

狀態 0：兩台機器同時可使用；

狀態 1：1 號機器正常使用，2 號機器故障，且故障率為  $\lambda_1$ ；

狀態 2：2 號機器正常使用，1 號機器故障，且故障率為  $\lambda_2$ ；

狀態 3：兩台機器同時故障，且故障率為  $\lambda_3$ ；

若起始狀態為狀態 0, 請問

(1) 兩機器可同時使用的期望時間有多久？

(2) 兩機器同時故障的機率？

(3) 1 號機器壽命呈何種分配？平均值？