

# 淡江大學 98 學年度碩士班招生考試試題

系別：資訊管理學系

科目：離散數學導論

准帶項目請打「V」	
	簡單型計算機

本試題共 / 頁， 5 大題

1、在一份有 260 人的問卷中顯示：有 64 人修離散數學的課，有 94 人修電腦概論的課，有 58 人修管理學的課，有 28 人修離散數學和管理學的課，有 26 人修離散數學和電腦概論的課，有 22 人修電腦概論和管理學的課，還有 14 人三門課都有修。試問：

- (a) 有多少學生這三門課都沒修？ (10%)  
 (b) 有多少學生只修了電腦概論一門課？ (10%)

2、有 6 個人想要湊錢買禮物，發現他們一共只有 2,161 元，試證明他們之中至少有一個人有 361 元以上。 (10%)

3、試利用數學歸納法(mathematical induction)來證明： $n < 2^n$  for  $n > 1$  (20%)

4、試求出下列遞迴方程式的解：

- (a)  $c_n = c_{n-1} + n, c_1 = 4$  (10%)  
 (b)  $b_n = -3 b_{n-1} - 2 b_{n-2}, b_1 = -2, b_2 = 4$  (10%)

5、假設  $A = \{1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30\}$ ， $R$  是定義在集合  $A$  上的一種關係(relation)，這個關係的定義為： $a$  與  $b$  滿足  $R$  的關係若且唯若  $a$  可以整除  $b$  ( $a R b$  if and only if  $a | b$ )。

- (a) 試畫出  $(A, R)$  所對應之 Hasse diagram (8%)  
 (b) 何謂全等關係(equivalence relation)? (6%)  
 (c) 何謂部份順序性集合(partial order set, poset)? (6%)  
 (d) 何謂格子(Lattices)? (4%)  
 (e) 試問  $(A, R)$  是否滿足全等關係？是否是部份順序性集合？是否是格子？ (6%)